

1. Să se rezolve inecuația $3x - 1 < 2x + 2$. **(6 pct.)**
a) $(-1, 1)$; b) $(5, 11)$; c) $(10, \infty)$; d) $(-\infty, 3)$; e) $(2, \infty)$; f) $(1, 4)$.
2. Să se calculeze determinantul $\begin{vmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix}$. **(6 pct.)**
a) -11 ; b) -2 ; c) -3 ; d) 9 ; e) 2 ; f) 4 .
3. Fie $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = x^3 + 2x$. Să se calculeze $f'(1)$. **(6 pct.)**
a) 6 ; b) 7 ; c) 4 ; d) -1 ; e) 3 ; f) 5 .
4. Să se rezolve ecuația $3^{2x-1} = 27$. **(6 pct.)**
a) $x = 2$; b) $x = -1$; c) $x = -2$; d) $x = 1$; e) $x = 0$; f) $x = 4$.
5. Să se rezolve ecuația $\log_2(x + 1) = 3$. **(6 pct.)**
a) $x = 2$; b) $x = 7$; c) $x = 1$; d) $x = 4$; e) $x = 5$; f) $x = 6$.
6. Să se rezolve sistemul $\begin{cases} 2x - y = 7 \\ x + 2y = 6 \end{cases}$. **(6 pct.)**
a) $x = 2, y = 4$; b) $x = 2, y = 2$; c) $x = 4, y = 1$; d) $x = 1, y = 4$; e) $x = 2, y = 3$; f) $x = 1, y = 3$.
7. Să se calculeze suma soluțiilor reale ale ecuației $x^3 + 2x^2 - 3x = 0$. **(6 pct.)**
a) -3 ; b) 2 ; c) 4 ; d) 3 ; e) -2 ; f) -1 .
8. Mulțimea soluțiilor inecuației $x^2 - 3x \leq 0$ este: **(6 pct.)**
a) $[0, 3]$; b) $[2, \infty)$; c) $[1, \infty)$; d) $[-1, 3]$; e) $(-3, 3)$; f) $(3, \infty)$.
9. Să se determine $x \in \mathbb{R}$ astfel încât numerele $x, 8, 3x + 2$ să fie (în această ordine) în progresie aritmetică. **(6 pct.)**
a) $\frac{1}{6}$; b) $\frac{5}{2}$; c) $\frac{3}{4}$; d) $\frac{7}{2}$; e) $\frac{1}{3}$; f) $\frac{2}{5}$.
10. Fie $M = \left\{ X \in M_2(\mathbb{C}) \mid X^2 = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 4 & -1 \end{pmatrix} \right\}$, unde $M_2(\mathbb{C})$ reprezintă mulțimea matricelor pătratice de ordinul doi, cu elemente în \mathbb{C} . Pentru $X \in M$, notăm cu $S(X)$ suma pătratelor elementelor matricei X . Să se calculeze $S = \sum_{X \in M} S(X)$. **(6 pct.)**
a) $S = 3$; b) $S = 4$; c) $S = 5$; d) $S = 11$; e) $S = 7$; f) $S = 1$.
11. Suma soluțiilor reale ale ecuației $\sqrt{2x+1} = x - 1$ este: **(6 pct.)**
a) 3 ; b) 4 ; c) 1 ; d) 5 ; e) 0 ; f) 2 .
12. Să se determine $a \in \mathbb{R}$ astfel încât sistemul $\begin{cases} ax - y + z = 0 \\ 2x + y - z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \end{cases}$ să aibă și soluții nenule. **(6 pct.)**
a) $a = -5$; b) $a = 4$; c) $a = -2$; d) $a = 5$; e) $a = -4$; f) $a = 1$.
13. Considerăm funcția $f : [-1, 1] \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{\pi}{2} - 2\arctg\sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$, dacă $x \in (-1, 1]$, și $f(-1) = -\frac{\pi}{2}$. Fie $M = \{m \in \mathbb{R} \mid \text{ecuația } f(x) = mx \text{ are trei soluții reale și distincte}\}$. Atunci: **(6 pct.)**
a) $M = (0, \frac{\pi}{4}]$; b) $M = (\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2}]$; c) $M = [\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}]$; d) $M = [0, \frac{\pi}{3}]$; e) $M = [1, \frac{\pi}{4}]$; f) $M = (1, \frac{\pi}{2}]$.
14. Fie polinoamele $f = X^3 + aX^2 + 18$ și $g = X^3 + bX + 12$, unde $a, b \in \mathbb{R}$. Să se calculeze $S = a + b$ știind că polinoamele f și g au două rădăcini comune. **(6 pct.)**
a) $S = 0$; b) $S = 1$; c) $S = 3$; d) $S = -2$; e) $S = 4$; f) $S = -1$.
15. Pentru $a > 0$, considerăm funcția $f : [0, a] \rightarrow \mathbb{R}_+$, $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$. Dacă $V(a)$ este volumul corpului obținut prin rotirea graficului funcției f în jurul axei Ox , să se calculeze $\lim_{a \rightarrow \infty} V(a)$. **(6 pct.)**
a) $\frac{\pi^2}{3}$; b) π^2 ; c) $\frac{\pi^2}{4}$; d) $\frac{\pi^2}{2}$; e) $\frac{\pi^2}{6}$; f) $\frac{\pi^2}{8}$.